

Para un operador $T : N \rightarrow N'$ lineal, se cumple:

- Si T es acotado y de rango finito, entonces T es compacto
- Si $\dim N < \infty$, T es compacto
- Si $\dim N = \infty$, el operador identidad $1_N : N \rightarrow N$ no es compacto.

Para un operador T compacto, se cumple

- Dada cualquier sucesión $(x_n)_{n=1}^{\infty}$ acotada en N , su imagen $(Tx_n)_{n=1}^{\infty}$ posee una subsucesión convergente.
- Dada cualquier sucesión $(x_n)_{n=1}^{\infty}$ de elementos en la bola unitaria $B(0,1)$, la sucesión $(Tx_n)_{n=1}^{\infty}$ posee una subsucesión convergente.
- Si $S : N \rightarrow N$ es un op. lineal acotado, entonces TS y ST son compactos.

Además:

Teorema

El conjunto $\{T : N \rightarrow N \text{ tal que } T \text{ es lineal y compacto}\}$ es subespacio de $\mathcal{L}(N)$

(fuente: LUCCA, A.M.T. – Notas de Análisis Funcional – 2011)